

一、填空题（每空 1 分，共 20 分）

1. 不包含任何字符（长度为 0）的串 称为空串；由一个或多个空格（仅由空格符）组成的串 称为空白串。

2. 设 S=“A:/document/Mary.doc”，则 strlen(s)=20，“/”的字符定位的位置为3。

4. 子串的定位运算称为串的模式匹配；被匹配的主串 称为目标串，子串 称为模式。

5. 设目标 T=“abccdcgccbaa”，模式 P=“cdcc”，则第6次匹配成功。

6. 若 n 为主串长，m 为子串长，则串的古典（朴素）匹配算法最坏的情况下需要比较字符的总次数为 $(n-m+1)*m$ 。

7. 假设有二维数组 $A_{6 \times 8}$ ，每个元素用相邻的 6 个字节存储，存储器按字节编址。已知 A 的起始存储位置（基地址）为 1000，则数组 A 的体积（存储量）为288 B；末尾元素 A_{57} 的第一个字节地址为1282；若按行存储时，元素 A_{14} 的第一个字节地址为 $(8+4) \times 6 + 1000 = 1072$ ；若按列存储时，元素 A_{47} 的第一个字节地址为 $(6 \times 7 + 4) \times 6 + 1000 = 1276$ 。

(注：数组是从 0 行 0 列还是从 1 行 1 列计算起呢？由末单元为 A_{57} 可知，是从 0 行 0 列开始！)

8. 设数组 $a[1 \cdots 60, 1 \cdots 70]$ 的基地址为 2048，每个元素占 2 个存储单元，若以列序为主序顺序存储，则元素 $a[32, 58]$ 的存储地址为8950。

答：不考虑 0 行 0 列，利用列优先公式： $LOC(a_{ij}) = LOC(a_{c_1, c_2}) + [(j - c_2) * (d_1 - c_1 + 1) + i - c_1] * L$

得： $LOC(a_{32, 58}) = 2048 + [(58 - 1) * (60 - 1 + 1) + 32 - 1] * 2 = 8950$

9. 三元素组表中的每个结点对应于稀疏矩阵的一个非零元素，它包含有三个数据项，分别表示该元素的行下标、列下标和元素值。

10. 求下列广义表操作的结果：

(1) GetHead $(((a, b), (c, d)))$ == (a, b)； //头元素不必加括号

(2) GetHead $[\text{GetTail } (((a, b), (c, d)))]$ == (c, d)；

(3) GetHead $[\text{GetTail } [\text{GetHead } (((a, b), (c, d)))]]$ == b；

(4) GetTail $[\text{GetHead } [\text{GetTail } (((a, b), (c, d)))]]$ == (d)；

二、单选题（每小题 1 分，共 15 分）

(B) 1. 串是一种特殊的线性表，其特殊性体现在：

- A. 可以顺序存储
- B. 数据元素是一个字符
- C. 可以链式存储
- D. 数据元素可以是多个字符

(B) 2. 设有两个串 p 和 q，求 q 在 p 中首次出现的位置的运算称作：

- A. 连接
- B. 模式匹配
- C. 求子串
- D. 求串长

(D) 3. 设串 $s_1 = \text{'ABCDEF G'}$ ， $s_2 = \text{'PQRST'}$ ，函数 con(x,y) 返回 x 和 y 串的连接串，subs(s, i, j) 返回串 s 的从序号 i 开始的 j 个字符组成的子串，len(s) 返回串 s 的长度，则 con(subs(s_1 , 2, len(s_2)), subs(s_1 , len(s_2), 2)) 的结果串是：

- A. BCDEF
- B. BCDEFG
- C. BCPQRST
- D. BCDEFEF

解: $\text{con}(x,y)$ 返回 x 和 y 串的连接串, 即 $\text{con}(x,y) = \text{'ABCDEFQPRST'}$;
 $\text{subs}(s, i, j)$ 返回串 s 的从序号 i 开始的 j 个字符组成的子串, 则
 $\text{subs}(s1, 2, \text{len}(s2)) = \text{subs}(s1, 2, 5) = \text{'BCDEF'}$; $\text{subs}(s1, \text{len}(s2), 2) = \text{subs}(s1, 5, 2) = \text{'EF'}$;
 所以 $\text{con}(\text{subs}(s1, 2, \text{len}(s2)), \text{subs}(s1, \text{len}(s2), 2)) = \text{con}(\text{'BCDEF'}, \text{'EF'})$ 之连接, 即 BCDEFEF

(A) 4. 假设有 60 行 70 列的二维数组 $a[1 \cdots 60, 1 \cdots 70]$ 以列序为主序顺序存储, 其基地址为 10000, 每个元素占 2 个存储单元, 那么第 32 行第 58 列的元素 $a[32,58]$ 的存储地址为____。(无第 0 行第 0 列元素)
 A. 16902 B. 16904 C. 14454 D. 答案 A, B, C 均不对

答: 此题与填空题第 8 小题相似。(57 列 \times 60 行 + 31 行) \times 2 字节 + 10000 = 16902

(B) 5. 设矩阵 A 是一个对称矩阵, 为了节省存储, 将其下三角部分(如下图所示)按行序存放在一维数组 $B[1, n(n-1)/2]$ 中, 对下三角部分中任一元素 $a_{ij}(i \leq j)$, 在一维数组 B 中下标 k 的值是:

$$A = \begin{bmatrix} a_{1,1} & & & & \\ a_{2,1} & a_{2,2} & & & \\ \cdots & & \cdots & & \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \cdots & \cdots & a_{n,n} \end{bmatrix}$$

- A. $i(i-1)/2+j-1$ B. $i(i-1)/2+j$ C. $i(i+1)/2+j-1$ D. $i(i+1)/2+j$

解: 注意 B 的下标要求从 1 开始。
 先用第一个元素去套用, 可能有 B 和 C;
 再用第二个元素去套用 B 和 C, $B=2$ 而 $C=3$ (不符);
 所以选 B

存储数组 A 的最后一个元素的第一个字节的地址是 A。若按行存储, 则 $A[3,5]$ 和 $A[5,3]$ 的第一个字节的地址分别是 B 和 C。若按列存储, 则 $A[7,1]$ 和 $A[2,4]$ 的第一个字节的地址分别是 D 和 E。

- 供选择的答案:
 A~E: ① 28 ② 44 ③ 76 ④ 92 ⑤ 108
 ⑥ 116 ⑦ 132 ⑧ 176 ⑨ 184 ⑩ 188

答案: ABCDE=8, 3, 5, 1, 6

7. 有一个二维数组 A , 行下标的范围是 1 到 6, 列下标的范围是 0 到 7, 每个数组元素用相邻的 6 个字节存储, 存储器按字节编址。那么, 这个数组的体积是 A 个字节。假设存储数组元素 $A[1,0]$ 的第一个字节的地址是 0, 则存储数组 A 的最后一个元素的第一个字节的地址是 B。若按行存储, 则 $A[2,4]$ 的第一个字节的地址是 C。若按列存储, 则 $A[5,7]$ 的第一个字节的地址是 D。

- 供选择的答案
 A~D: ① 12 ② 66 ③ 72 ④ 96 ⑤ 114 ⑥ 120
 ⑦ 156 ⑧ 234 ⑨ 276 ⑩ 282 (11) 283 (12) 288

答案: ABCD=12, 10, 3, 9

三、简答题 (每小题 5 分, 共 15 分)

1. 已知二维数组 $A_{m,m}$ 采用按行优先顺序存放, 每个元素占 K 个存储单元, 并且第一个元素的存储地址为 $\text{Loc}(a_{11})$, 请写出求 $\text{Loc}(a_{ij})$ 的计算公式。如果采用列优先顺序存放呢?

解: 公式教材已给出, 此处虽是方阵, 但行列公式仍不相同;
 按行存储的元素地址公式是: $\text{Loc}(a_{ij}) = \text{Loc}(a_{11}) + [(i-1)*m + (j-1)] * K$
 按列存储的元素地址公式是: $\text{Loc}(a_{ij}) = \text{Loc}(a_{11}) + [(j-1)*m + (i-1)] * K$

2. 递归算法比非递归算法花费更多的时间，对吗？为什么？

答：不一定。时间复杂度与样本个数 n 有关，是指最深层的执行语句耗费时间，而递归算法与非递归算法在最深层的语句执行上是没有区别的，循环的次数也没有太大差异。仅仅是确定循环是否继续的方式不同，递归用栈隐含循环次数，非递归用循环变量来显示循环次数而已。

四、计算题（每题 5 分，共 20 分）

1. 设 $s='I AM A STUDENT'$, $t='GOOD'$, $q='WORKER'$, 求 $Replace(s,'STUDENT',q)$ 和 $Concat(SubString(s,6,2), Concat(t,SubString(s,7,8)))$ 。

解：① $Replace(s,'STUDENT',q)='I AM A WORKER'$

② 因为 $SubString(s,6,2)='A'$; $SubString(s,7,8)='STUDENT'$

$Concat(t,SubString(s,7,8))='GOOD STUDENT'$

所以 $Concat(SubString(s,6,2), Concat(t,SubString(s,7,8)))='A GOOD STUDENT'$

2. (P60 4-18) 用三元组表表示下列稀疏矩阵：

$$(1) \begin{bmatrix} 00000000 \\ 00000000 \\ 03000800 \\ 00000000 \\ 00060000 \\ 00000000 \\ 00000005 \\ 20000000 \end{bmatrix} \quad (2) \begin{bmatrix} 00000 - 2 \\ 00009 \ 0 \\ 00000 \ 0 \\ 00500 \ 0 \\ 00000 \ 0 \\ 00003 \ 0 \end{bmatrix}$$

解：参见填空题 4. 三元素组表中的每个结点对应于稀疏矩阵的一个非零元素，它包含有三个数据项，分别表示该元素的行下标、列下标和元素值。

所以 (1) 可列表为：

8	8	5
3	2	3
3	6	8
5	4	6
7	8	5
8	1	2

(2) 可列表为：

6	6	4
1	6	-2
2	5	9
4	3	5
6	5	3

3. (P60 4-19) 下列各三元组表分别表示一个稀疏矩阵，试写出它们的稀疏矩阵。

$$(1) \begin{bmatrix} 6 & 4 & 6 \\ 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & 12 \\ 3 & 1 & 3 \\ 4 & 4 & 4 \\ 5 & 3 & 6 \\ 6 & 1 & 16 \end{bmatrix} \quad (2) \begin{bmatrix} 4 & 5 & 5 \\ 1 & 1 & 1 \\ 2 & 4 & 9 \\ 3 & 2 & 8 \\ 3 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 7 \end{bmatrix}$$

解：(1) 为 6×4 矩阵，非零元素有 6 个。 (2) 为 4×5 矩阵，非零元素有 5 个

0	2	0	0
12	0	0	0
3	0	0	0
0	0	0	4
0	0	6	0
16	0	0	0

1	0	0	0	0
0	0	0	9	0
0	8	0	0	6
0	0	7	0	0

五、算法设计题（每题 10 分，共 30 分）

1. 编写一个实现串的置换操作 `Replace(&S, T, V)` 的算法。

解：

`int Replace(Stringtype &S,Stringtype T,Stringtype V);` //将串 S 中所有子串 T 替换为 V,并返回置换次数

```
{
    for(n=0,i=1;i<=Strlen(S)-Strlen(T)+1;i++) //注意 i 的取值范围
        if(!StrCompare(SubString(S,i,Strlen(T)),T)) //找到了与 T 匹配的子串
            { //分别把 T 的前面和后面部分保存为 head 和 tail
                StrAssign(head,SubString(S,1,i-1));
                StrAssign(tail,SubString(S,i+Strlen(T),Strlen(S)-i-Strlen(T)+1));
                StrAssign(S,Concat(head,V));
                StrAssign(S,Concat(S,tail)); //把 head,V,tail 连接为新串
                i+=Strlen(V); //当前指针跳到插入串以后
                n++;
                n++;
            } //if
    return n;
} //Replace
```

分析：`i+=Strlen(V)`；这一句是必需的，也是容易忽略的。如省掉这一句，则在某些情况下，会引起不希望的后果，虽然在大多数情况下没有影响。请思考：设 `S='place'`，`T='ace'`，`V='face'`，则省掉 `i+=Strlen(V)`，运行时会出现什么结果？

2. 试设计一个算法，将数组 `An` 中的元素 `A[0]` 至 `A[n-1]` 循环右移 `k` 位，并要求只用一个元素大小的附加

存储, 元素移动或交换次数为 $O(n)$

解:

分析:要把 A 的元素循环右移 k 位,则 A[0]移至 A[k],A[k]移至 A[2k].....直到最终回到 A[0].然而这并没有全部解决问题,因为有可能有的元素在此过程中始终没有被访问过,而是被跳了过去.分析可知,当 n 和 k 的最大公约数为 p 时,只要分别以 A[0],A[1],...A[p-1]为起点执行上述算法,就可以保证每一个元素都被且仅被右移一次,从而满足题目要求.也就是说,A 的所有元素分别处在 p 个"循环链"上面.举例如下:

$n=15,k=6$,则 $p=3$.

第一条链:A[0]->A[6],A[6]->A[12],A[12]->A[3],A[3]->A[9],A[9]->A[0]. /已“顺便”移动了 A[6]、A[12]...

第二条链:A[1]->A[7],A[7]->A[13],A[13]->A[4],A[4]->A[10],A[10]->A[1].

第三条链:A[2]->A[8],A[8]->A[14],A[14]->A[5],A[5]->A[11],A[11]->A[2].

恰好使所有元素都右移一次.

虽然未经数学证明,但作者相信上述规律应该是正确的. 程序如下:

void RSh(int A[n],int k)//把数组 A 的元素循环右移 k 位,只用一个辅助存储空间

```
{
    for(i=1;j<=k;i++)
        if(n%i==0&&k%i==0) p=i;//求 n 和 k 的最大公约数 p
    for(i=0;i<p;i++)
    {
        j=i;l=(i+k)%n;temp=A[i];
        while(l!=i)
        {
            A[j]=temp;
            temp=A[l];
            A[l]=A[j];
            j=l;l=(j+k)%n;
        }// 循环右移一步
        A[i]=temp;
    }//for
}//RSh
```